

# Théorème de Thalès et droites parallèles

Correction

Exercices



1 \* Dans chaque cas, détermine si les quotients sont égaux avec la méthode proposée :

$\frac{3,9}{5,3}$  et  $\frac{2,9}{3,9}$  avec les produits en croix :

$$3,9 \times 3,9 = 15,21 \quad 5,3 \times 2,9 = 15,37$$

$$\text{donc } \frac{3,9}{5,3} \neq \frac{2,9}{3,9}$$

$\frac{2,4}{3,6}$  et  $\frac{3}{4,5}$  avec les fractions :

$$\frac{2,4 \times 10}{3,6 \times 10} = \frac{24 \div 12}{36 \div 12} = \frac{2}{3} \quad \text{donc } \frac{2,4}{3,6} = \frac{3}{4,5}$$

$$\frac{3 \times 2}{4,5 \times 2} = \frac{6 \div 3}{9 \div 3} = \frac{2}{3}$$

$\frac{8}{7}$  et  $\frac{12}{10,5}$  (méthode au choix) :

$$\frac{12 \times 10}{10,5 \times 10} = \frac{120 \div 5}{105 \div 5} = \frac{24 \div 3}{21 \div 3} = \frac{8}{7}$$

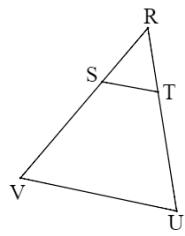
$$\text{donc } \frac{8}{7} = \frac{12}{10,5}$$

$\frac{4,6}{3,4}$  et  $\frac{6,9}{5,1}$  (méthode au choix) :

$$4,6 \times 5,1 = 23,46 \quad 3,4 \times 6,9 = 23,46$$

$$\text{donc } \frac{4,6}{3,4} = \frac{6,9}{5,1}$$

2 \* Dans la figure ci-contre, quels quotients peut-on calculer pour vérifier si (ST) et (UV) sont parallèles avec la propriété de Thalès ?



$$\frac{RS}{RV} \text{ et } \frac{RT}{RU}$$

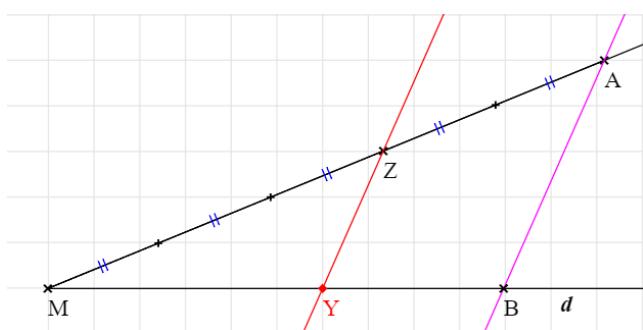
$$\frac{RS}{RT} \text{ et } \frac{RV}{RU}$$

$$\frac{RS}{RV} \text{ et } \frac{ST}{VU}$$

$$\frac{RU}{RT} \text{ et } \frac{RV}{RS}$$

$$\frac{RV}{RS} \text{ et } \frac{RT}{RU}$$

3 \* Dans chaque cas, aide-toi du quadrillage pour placer un point Y sur la droite  $d$  de sorte que (AB) et (ZY) soient parallèles. Aucune justification n'est demandée.

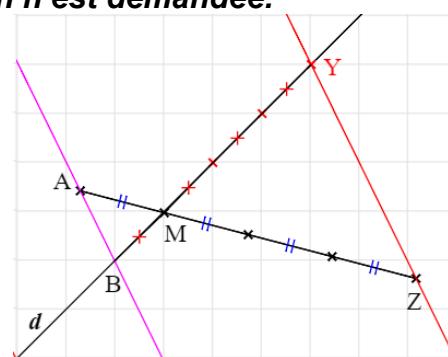


Avec le codage, on a  $\frac{MZ}{MA} = \frac{3}{5}$

Or  $MB = 10$  carreaux

On place Y tel que  $MY = 6$  carreaux

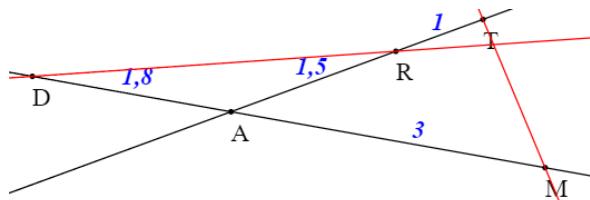
$\frac{6}{10} = \frac{3}{5}$  donc les droites sont parallèles.



Avec le codage, on a  $\frac{AM}{MZ} = \frac{1}{3}$

On place Y sur [BM] tel que  $MY = 3 \times MB$  (donc à 3 carreaux en diagonale)

4 \*\* Voici la copie d'un élève.



D, A et M sont alignés ; R, A et T aussi

$$\frac{AD}{AM} = \frac{1,8}{3} = 0,6 \text{ et } \frac{AR}{AT} = \frac{1,5}{1,5+1} = \frac{1,5}{2,5} = 0,6 \text{ je constate que } \frac{AD}{AM} = \frac{AR}{AT}$$

Donc, d'après la réciproque du théorème de Thalès : (DR) // (TM)

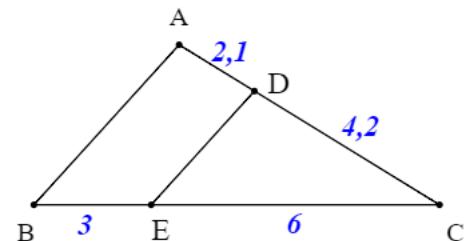
1. Repasse les droites (DR) et (TM) en couleur. Que peux-tu en dire ?

Elles sont sécantes et non pas parallèles.

2. Explique son erreur de raisonnement.

Il n'a pas vérifié l'ordre des points : A est le point commun, D et M sont de part et d'autre alors que R et T sont du même côté. Les points ne sont pas alignés dans le même ordre.

5 \*\* Un élève a fait cet exercice, mais il s'est un peu mélangé les pinceaux... et ses différentes étapes sont dans le désordre. Numérote les éléments de sa démonstration pour la remettre dans l'ordre :



⑥ Les droites (DE) et (AB) sont parallèles

$$\textcircled{3} \quad \frac{CE}{CB} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \text{ et } \frac{CD}{CA} = \frac{4,2}{6,3} = \frac{2}{3}$$

⑤ D'après la réciproque du théorème de Thalès

$$\textcircled{2} \quad \text{Et on a : } CB = 6 + 3 = 9 \text{ et } CA = 4,2 + 2,1 = 6,3$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{CE}{CB} = \frac{CD}{CA}$$

① Les points C, D et A sont alignés ;  
les points C, E et B aussi, dans le même ordre.

6 \*\* Dans la figure ci-contre, (TS) et (AE) sont sécantes en L.

On a : TL : 9 cm ; LA = LS = 12 cm ; LE = 16 cm.

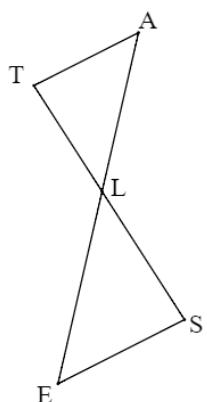
Complète la démonstration suivante :

Les points T, L et S, ainsi que les points A, L et E sont alignés, dans le même

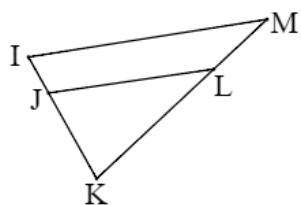
$$\text{ordre. } \frac{TL}{LS} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4} \text{ ou } 0,75 \text{ et } \frac{AL}{LE} = \frac{12}{16} = \frac{3}{4} \text{ ou } 0,75.$$

On constate que  $\frac{TL}{LS} = \frac{AL}{LE}$ . Donc d'après la réciproque du théorème de Thalès,

les droites (TA) et (ES) sont parallèles.



7 \*\* 1. (IM) et (JL) sont-elles parallèles ? 2. (VW) et (YZ) sont-elles parallèles ?



$J \in [IK]$  et  $L \in [KM]$   
 $JK = 4 \text{ cm}$  ;  $KL = 4,8 \text{ cm}$  ;  $IK = 5 \text{ cm}$  et  $MK = 6 \text{ cm}$ .

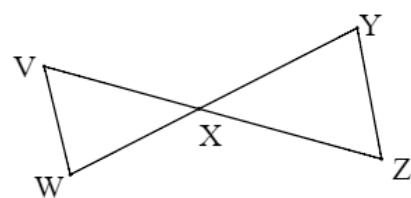
Les points I, J et K ainsi que M, L et K sont alignés, dans le même ordre.

$$\frac{KJ}{KI} = \frac{4}{5} = 0,8 \quad \frac{KL}{KM} = \frac{4,8}{6} = 0,8$$

$$(\text{ou } \frac{KI}{KJ} = \frac{5}{4} = 1,25 \quad \frac{KM}{KL} = \frac{6}{4,8} = 1,25)$$

On constate que  $\frac{KJ}{KI} = \frac{KL}{KM}$

Donc d'après la réciproque du théorème de Thalès, (IM) et (JL) sont parallèles.



$(VZ)$  et  $(WY)$  se coupent en  $X$ .  
 $VX = 4,3 \text{ cm}$  ;  $XY = 6,3 \text{ cm}$  ;  $WX = 3,9 \text{ cm}$  et  $XZ = 7 \text{ cm}$ .

Les points V, X et Z ainsi que W, X et Y sont alignés, dans le même ordre.

$$\frac{VX}{XZ} = \frac{4,3}{7} \quad \frac{WX}{XY} = \frac{3,9}{6,3} \quad \rightarrow \text{produits en}$$

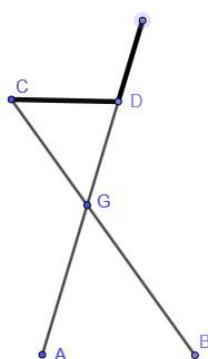
$$\text{croix : } 4,3 \times 6,3 = 27,09 \text{ et } 7 \times 3,9 = 27,3$$

On constate que  $\frac{VX}{XZ} \neq \frac{WX}{XY}$

Donc d'après la contraposée du théorème de Thalès, (VW) et (YZ) ne sont pas parallèles.

8 \*\*\* Un designer prépare un nouveau modèle de tabouret, illustré ci-contre.

On en a modélisé un géométriquement par les segments [CB] et [AD] pour l'armature métallique et le segment [CD] pour l'assise.



On a :  
 $CG = 36 \text{ cm}$ ,  $DG = 27 \text{ cm}$ ,  
 $AG = 31,5 \text{ cm}$ ,  $BG = 42 \text{ cm}$  et  
 $AB = 35 \text{ cm}$

Mais une petite vérification est nécessaire... pour des raisons de confort, vérifie si l'assise (CD) est bien parallèle au sol.



Les points C, G et B ainsi que D, G et A sont alignés, dans le même ordre.

$$\frac{CG}{GB} = \frac{36}{42} = \frac{6}{7} \quad \frac{DG}{GA} = \frac{27}{31,5} = \frac{6}{7} \quad \text{On constate que } \frac{CG}{GB} = \frac{DG}{GA}$$

D'après la réciproque du théorème de Thalès, (CD) et (AB) sont parallèles, l'assise est bien parallèle au sol.

Ce document PDF gratuit à imprimer est issu de la page :

- [Exercices 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès - PDF à imprimer](#)

Le lien ci-dessous vous permet de télécharger cet exercice avec un énoncé vierge

- [Réciproque de Thalès et parallèles - Exercices avec les corrigés : 3eme Secondaire](#)

Découvrez d'autres exercices en : [3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)

- [Calculer une longueur avec le théorème de Thalès - avec Mon Pass Maths : 3eme Secondaire](#)
- [Déterminer si des droites sont parallèles avec Thalès - avec Mon Pass Maths : 3eme Secondaire](#)
- [Calcul de longueur - Exercices avec les corrigés sur le théorème de Thalès : 3eme Secondaire](#)
- [Théorème de Thales et sa réciproque - Exercices corrigés : 3eme Secondaire](#)
- [Réciproque théorème de Thalès - Exercices corrigés - Géométrie : 3eme Secondaire](#)

Les exercices des catégories suivantes pourraient également vous intéresser :

- [Exercices 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès Calculer des longueurs - PDF à imprimer](#)
- [Exercices 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès Reconnaître des parallèles - PDF à imprimer](#)

Besoin d'approfondir en : [3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)

- [Cours 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)
- [Evaluations 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)
- [Vidéos pédagogiques 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)
- [Vidéos interactives 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)
- [Séquence / Fiche de prep 3eme Secondaire Mathématiques : Géométrie Théorème de Thalès](#)